

Lösung 1

a) $3 = 1 * (1 + 0,04 * n)$ $n = 50$ Zinsperioden

b) $3 = 1 * (1 + 0,04)^n$ $n = \frac{\log 3 - \log 1}{\log 1,04}$ $n = 28,01$

Verzinsungsperioden

Lösung 2

a) $K_8 = 10.000 * (1 + 0,06 * 8) = 14.800$

b) $K_8 = 10.000 * 1,06^8 = 15.938,48$

Lösung 3

a) $K_0 = 800 * (1 - 0,0425) = 766$

b) $766 * \left(1 + \frac{p}{100}\right) = 800$ $p = 4,44\%$

Lösung 3

a) $1.4440 = \frac{\text{Kapital} * 90}{100}$ Kapital = 1.600 = durchschnittlicher

Sollsaldo

b) $\text{Zinsdivisor } r = \frac{360}{12} = 30$ $\text{Zinsen} = \frac{\text{Zinszahl}}{\text{Zinsdivisor } r} = \frac{1.440}{30} = 48$

c) $1.600 * (1 + i_{\text{eff}}) = 1.600 * \left(1 + \frac{0,12}{4}\right)^4$ $i_{\text{eff}} = 0,1255$

$p_{\text{eff}} = 12,55\%$

Lösung 4

a) $K_m = 20.000 * \left(1 + \frac{0,04}{12}\right)^7 = 20.471,36$

b) $(1 + i_{\text{eff}}) = \left(1 + \frac{0,04}{12}\right)^{12}$ $i_{\text{eff}} = 0,0407 = 4,07\% \text{ p.a.}$

Lösung 5

$K_{10} = 5.000 * (1 + 0,02)^{10} = 6.094,97$

Lösung 6

$7.000 * 1,03^8 = 8.867,39$

Lösung 7

a) $K_n = 10.000 * 1,04 = 10.400$

b) $K_n = 10.000 * \left(1 + \frac{0,04}{2}\right)^2 = 10.404$

c) $K_n = 10.000 * \left(1 + 0,04 \frac{3}{12}\right) * \left(1 + 0,04 \frac{9}{12}\right) = 10.403$

Lösung 8

a) $12.000 * 1,04^3 * 1,06^4 * 1,065^5 = 23.348,17$

b) $12.000 * q^{12} = 23.348,17$ $q = 1,057$ $i = 5,70\% \text{ p.a.}$

Lösung 9

a) $55.000 * 1,08 * 0,96 * 1,05 * 0,98 = 58.677,70$

b) $55.000 * \left(1 + \frac{p_{\text{eff}}}{100}\right)^4 = 58.766,70$ $p_{\text{eff}} = 1,63\%$

Lösung 10

$$\text{a) Endwert} = 12.000 * \frac{1,1^{20} - 1}{0,1} = 687.299,99$$

$$\text{Barwert} = \frac{687.299,99}{1,1^{20}} = 12.000 * \frac{1,1^{20} - 1}{1,1^{20} * 0,1} = 102.162,76$$

$$\text{b) Endwert} = 687.299,99 * 1,1 = 12.000 * \frac{1,1^{20} - 1}{0,1} * 1,1 = 756.029,99$$

$$\text{Barwert} = \frac{756.029,99}{1,1^{20}} = 12.000 * \frac{1,1^{20} - 1}{1,1^{20} * 0,1} * 1,1 = 112.379,04$$

Lösung 11

$$\text{Annuität} = 600.000 * \frac{1,055^{10} * 0,055}{1,055^{10} - 1} = 79.600,66$$

Lösung 12

$$R = 50.000 * \frac{0,06}{(1,06^{20} - 1) * 1,06} = 1.282,29$$

Lösung 13a)

$$\text{Ersatzrentenrate} = 300 * \left(12 + \frac{12+1}{2} * 0,02 \right) = 3.639$$

(Die 120 monatlich vorschüssigen Zahlungen von je 300 € können also ersetzt werden durch 10 jährlich nachschüssige Zahlungen in Höhe von je 3.639 €.)

$$\text{Endwert nach 10 Jahren} = 3.639 * \frac{1,02^{10} - 1}{0,02} = 39.846,03$$

Lösung 13b)

$$\text{Ersatzrentenrate} = 300 * \left(12 + \frac{12-1}{2} * 0,02 \right) = 3.633$$

(Die 120 monatlich nachschüssigen Zahlungen von je 300 € können also ersetzt werden durch 10 jährlich nachschüssige Zahlungen in Höhe von je 3.633 €.)

$$\text{Endwert nach 10 Jahren} = 3.633 * \frac{1,02^{10} - 1}{0,02} = 39.780,34$$

Lösung 14

$$\text{Ersatzrentenrate} = 2.500 * \left(12 + 0,04 * \frac{12-1}{2} \right) = 30.550 \text{ jährlich,}$$

$$\text{hiervon Barwert} = 30.550 * \frac{1,04^{25} - 1}{1,04^{25} * 0,04} = 477.254,54$$

Lösung 15

- Erforderlich Ratenhöhe bei jährlich nachschüssiger Zahlung

$$100.000 * \frac{0,025}{1,025^{10} - 1} = 8.925,88$$

- Umrechnung in die äquivalente halbjährliche Sparrate

$$\text{a) } R = \frac{8.925,88}{2 + 0,025 * \frac{2+1}{2}} = 4.380,80$$

$$\text{b) } R = \frac{8.925,88}{2 + 0,025 * \frac{2-1}{2}} = 4.435,22$$

Lösung 16

Umrechnung des Jahreszinssatzes in den dazu konformen Monatszinssatz

j_{12} :

$$1,05 = (1 + j_{12})^{12} \quad j_{12} \approx 0,00407412378 \quad (\text{in den Speicher des Taschenrechners nehmen!})$$

$$K_0 = 230 * \frac{1,00407412378^{12} - 1}{1,00407412378^{12} * 0,00407412378} * 1,00407412378 = 2.699,23$$

oder

$$K_0 = 230 + \frac{230}{1,05^{12}} + \frac{230}{1,05^{12}} + \frac{230}{1,05^{12}} + \dots + \frac{230}{1,05^{12}}$$

Lösung 17

- Umrechnung der vierteljährlich vorschüssigen Ansparraten in die jährlich nachschüssige Ersatzrate =

$$1.200 \cdot \left(4 + 0,027 \cdot \frac{4 + 1}{2} \right) = 4.881$$

- Rentenendwert nach 35 Jahren = $4.881 \cdot \frac{1,027^{35} - 1}{0,027 - 1} = 278.537,16$

- Umwandlung des ermittelten Rentenendwerts in eine jährlich nachschüssige Rente

$$278.537,16 \cdot \frac{1,027^{13} \cdot 0,027}{1,027^{13} - 1} = 25.690,78$$

- Bestimmung der dazu äquivalenten nachschüssigen Monatsrate

$$R \cdot \left(12 + 0,027 \cdot \frac{12 - 1}{2} \right) = 25.690,78$$

$$R = \frac{25.690,78}{12 + 0,027 \cdot \frac{12 - 1}{2}} = 2.114,73$$

Lösung 18

a) Zinsen für 12 Jahre = $637,10 \cdot \frac{12}{5} = 1.529,04$

Endwert = $1.529,04 + 4.000 = 5.529,04$

oder

$$i = \frac{\frac{4.637,10}{5} - 1}{4.000} = 3,1855\% \text{ p. a.}$$

$$K_{12} = 4.000 \cdot (1 + 0,031855 \cdot 12) = 5.529,04$$

b) $i = \sqrt[5]{\frac{4.637,10}{4000}} - 1 = 3\% \text{ p.a.}$

$$K_{12} = 4.000 \cdot 1,03^{12} = 5.703,04$$

$$(\text{=} 4.637,10 \cdot 1,03^7)$$